

令和4年度 一般選抜A個別方式 (第2期)
 数 学
 「数学 I・数学 II」 解答

1.

1. $\frac{3}{2}x^2 + 4x + \frac{1}{2}$ $-\frac{1}{2}x^2 - 2x - \frac{3}{2}$

2. $-\frac{7\sqrt{3}}{3}$ $\sqrt{3}$

3. $\frac{1}{4}x^2 - x + 4$

4. $\sqrt{3} - 1$ $30\dots$ $\frac{\sqrt{3} - 1}{2}$

5. 0.175 13

2.

1. 0 $\frac{1-\sqrt{3}i}{2}$

2. $x^2 + y^2 = 4$ $(0, 2), (2, 0)$

3. $\sqrt{2}$ $\frac{\sqrt{2}}{2}$

4. 3 2

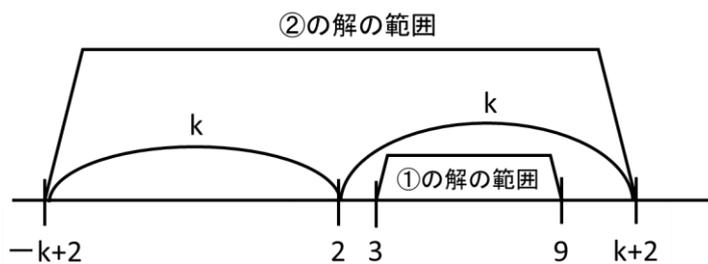
5. $2x+1$ $\frac{1}{3}$

3.

1. $x^2 - 12x + 27 > 0$
 $(x-9)(x-3) < 0$ $3 < x < 9$

2. $k > 0$ $k < x < 2+k$
 $k+2 < x < k+2$

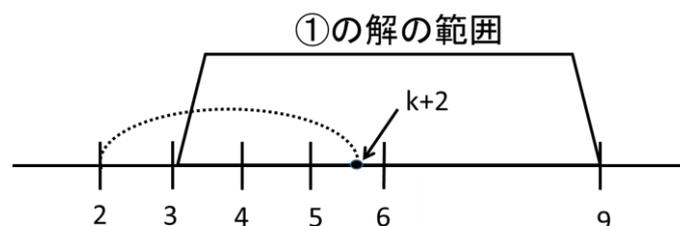
$k+2 < 9 < k+2+3$
 $k < 7 < k+1 < k+7$



問3 k を0から徐々に大きくしていくと、①と②を同時に満たす x は、最初のうちは存在しないが、途中から $3 < x < k+2$ を満たす実数となり、範囲が広がっていく。

この範囲にちょうど2つの自然数(今の場合は4と5)が含まれるための条件は、 $5 < k+2 \leq 6$ である。

$$\therefore 3 < k \leq 4$$



4. (解答例)

問1 関数 $y=r \sin(a\theta + b)$ の形からわかることと図のグラフから読み取れることを比較する。最大値に着目すると、 $r=3$ がわかる。

周期に着目すると、 $\frac{2\pi}{a} = 2\pi$ より、 $a=1$ がわかる。

$y=3 \sin(\theta + b) = 3 \sin(\theta - (-b))$ のグラフは、 $y=3 \sin \theta$ のグラフを θ 軸の正の方向に $-b$ だけ平行移動、つまり θ 軸の負の方向に b だけ平行移動したものである。

$y=3 \sin \theta$ のグラフの最大点 $(\frac{\pi}{2}, 3)$ が図のグラフの最大点 $(0, 3)$ に移動してい

るので、 $b=\frac{\pi}{2}$ がわかる。

$$\text{まとめると、 } r=3, a=1, b=\frac{\pi}{2}$$

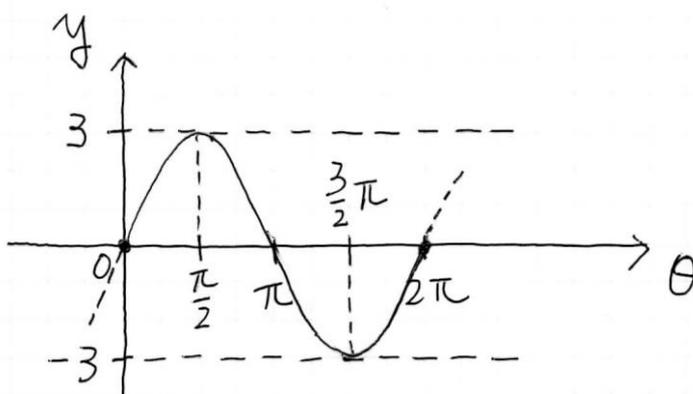
問2 問1で求めた関数 $y=3 \sin(\theta + \frac{\pi}{2})$ において、 θ を $\theta - \frac{\pi}{2}$ で置き換えて、

求める関数は $y=3 \sin((\theta - \frac{\pi}{2}) + \frac{\pi}{2})$, すなわち $y=3 \sin \theta$ である。

<作図上のポイント>

- x 軸, y 軸, 原点 O の表示がある。
- 極大・極小となる点の座標が何らかの形で示されている。
- 滑らかな曲線が描かれている。

(作図例)



問3 問2で求めた関数 $y=3\sin\theta$ において、 θ を $\frac{\theta}{1/2} = 2\theta$ で置き換えて、求める関数は $y=3\sin(2\theta)$ である。

<作図上のポイント>

- x 軸, y 軸, 原点 O の表示がある。
- 極大・極小となる点の座標が何らかの形で示されている。
- 滑らかな曲線が描かれている。

(作図例)

